


*Difrakcijos ir dispersijos
slopinimas optinio
parametrinio stiprinimo metu*



Dokt. S. Orlovas
VU FF KEK



Pranešimo planas

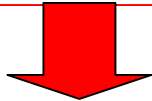
- Įvadas
- Difrakcijos ir dispersijos reiškiniai
- Netiesiniai tribangiai procesai
- Difrakcijos ir dispersijos slopinimas netiesinėje terpėje

Įvadas

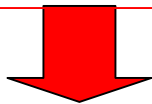
- Paprasčiausias bangų lygties sprendinys

$$E(x, y, z, t) = e^{i(k_x x + k_y y + k_z z - \omega t)}$$

k – bangos vektorius

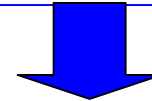


“Sėdi” erdviniam spektre

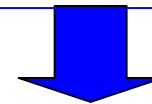


Pasako “kur” sklinda banga

ω - bangos dažnis



“Sėdi” laikiniame spektre



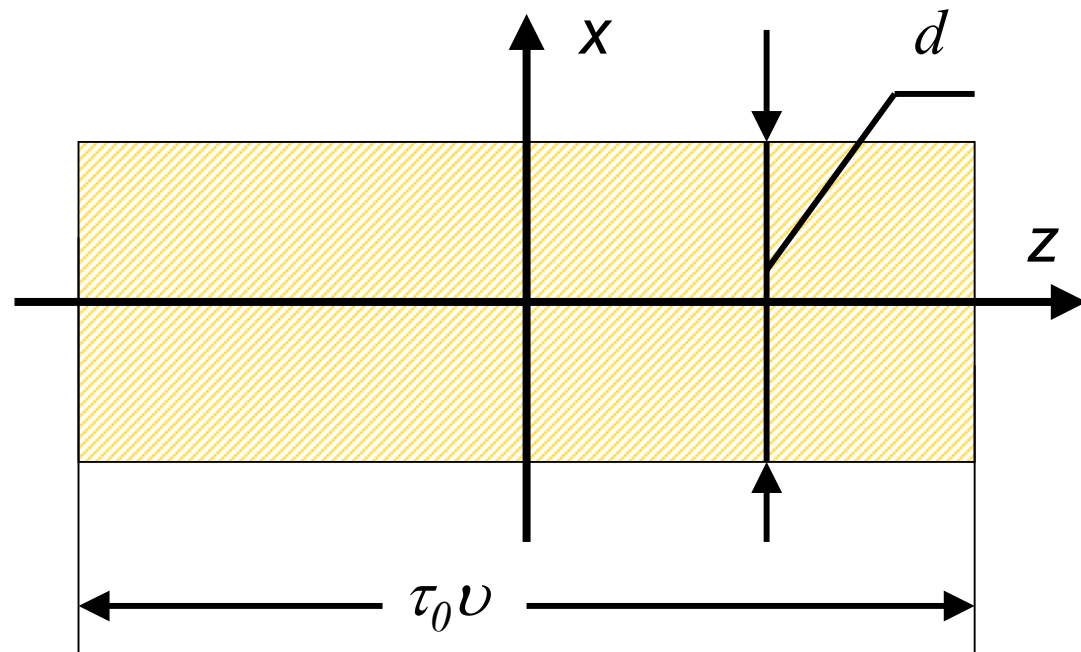
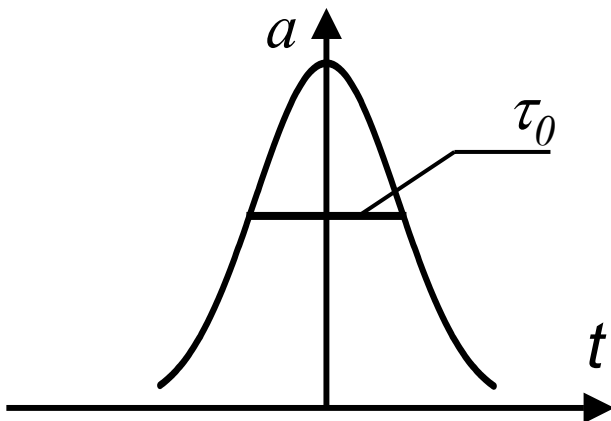
Pasako bangos “spalvą”

Plokščioji banga yra begalinė laike ir erdvėje

Įvadas

- Šviesos pluoštas – baigtinis erdvėje, o impulsas – laike.

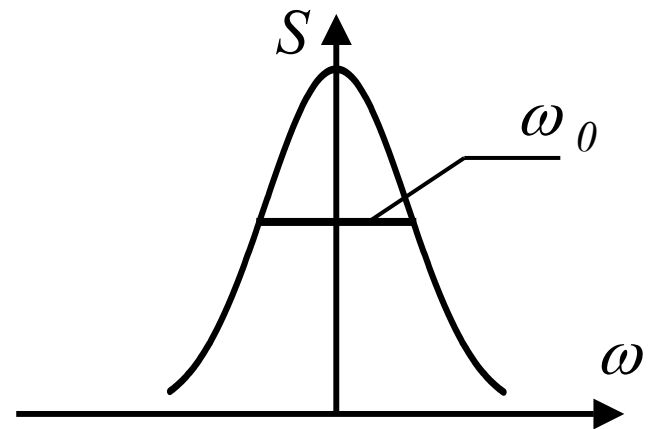
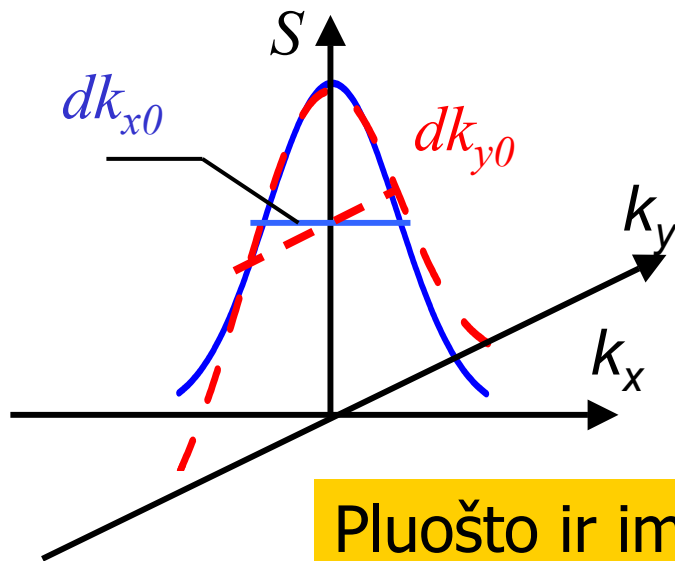
$$a(t) = a_0 \exp\left(-\frac{t^2}{\tau_0^2}\right)$$



Pluoštų ir impulsų energija baigtinė

Įvadas

- Pluoštų erdviniai ir impulsų laikiniai spektrai



Pluošto ir impulso spektrai **baigtiniai**

Pluoštas yra sudarytas iš **skirtingom kryptimis** keliaujančių, o impulsas – iš **skirtingai virpančių** (t.y. skirtingų **spalvų**) pl. bangų



Šviesos difrakcija

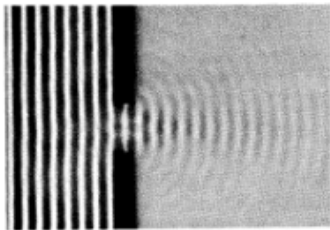
- Apibrėžimas

- “Bet koks šviesos spindulių nukrypimas nuo tiesės, nepaaiškinamas šviesos atspindžiu arba lūžiu, yra vadinamas šviesos difrakcija”

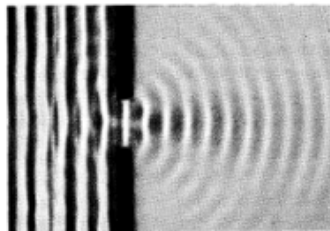
- Pavyzdžiai

- Difrakcinė gardelė ir pan.
- Šviesos pluoštų sklidimas

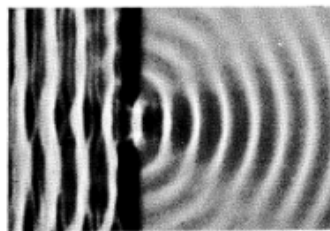
Šviesos difrakcijos pavyzdžiai



(a)



(b)



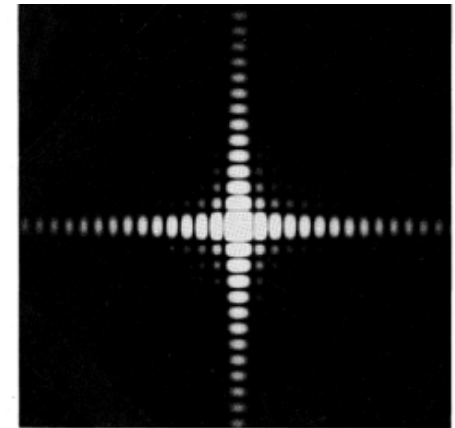
(c)

Klasikiniai pavyzdžiai

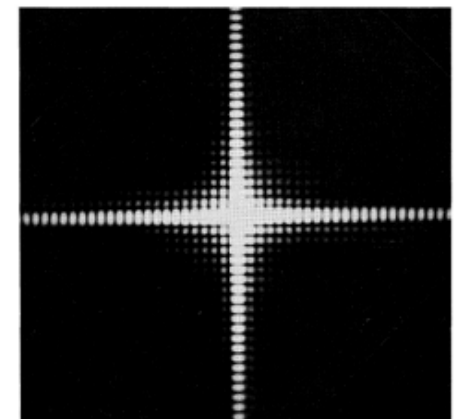
Sklidimas pro plyšį



Stačiakampė apertūra

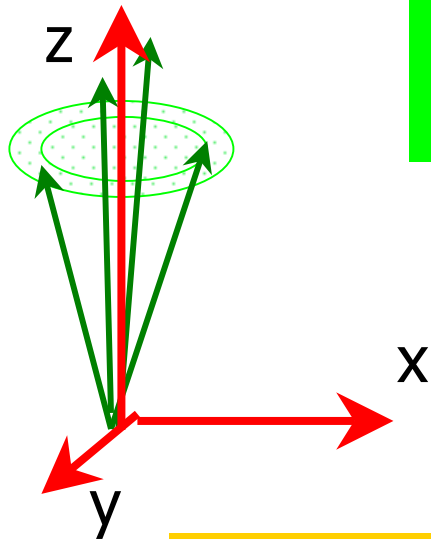


(a)



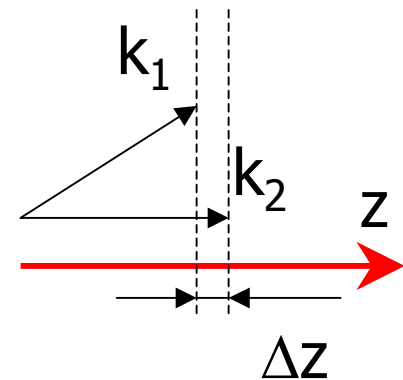
Šviesos pluoštų difrakcija

- Pluoštai sudaryti iš skirtingomis kryptimis sklindančių pl. bangų



Skirtingos bangos nusklinda skirtingą kelią z kryptimi.

Tuo būdu, tarp pluoštą sudarančių bangų atsiranda fazių skirtumas – pluoštas **DIFRAGUOJA**



Parabolinė difrakcijos lygtis ir difuzijos lygtis

- Parabolinė difrakcijos lygtis

$$\left[\frac{\partial}{\partial t} + \frac{i}{2k} \Delta_{\perp} \right] A(r, z) = 0$$

- Krūvininkų [dalelių] difuzijos lygtis

$$\left[\frac{\partial}{\partial t} + D \Delta_{\perp} \right] A(r, z) = 0$$

- Difrakcija – difuzija su menamu difuzijos koeficientu. Šviesos difrakcija gimininga dalelių difuzijai.

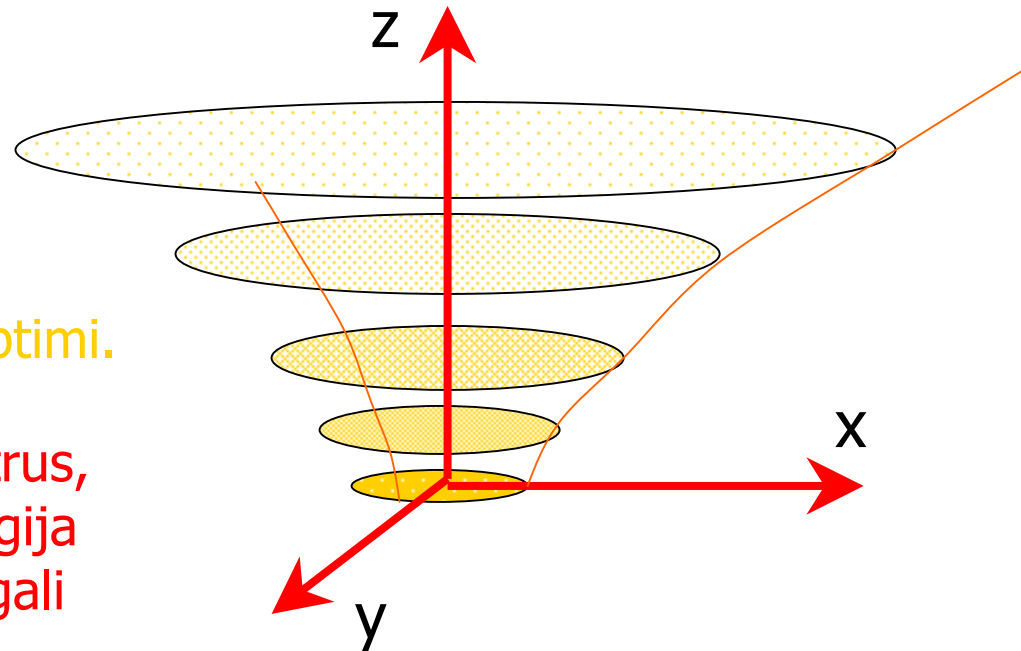
Šviesos difrakcija – fotonų difuzija

- Amplitudė turi fotonų tankio prasmę

Pluoštui sklindant, fotonai "difunduoja" skersinėje plokštumoje ir pluoštas plečiasi arba "difraguoja".

Esminis skirtumas – fotonai nedifunduoja išilginė kryptimi.

Fotonai turi papildomus parametrus, susijusius su pluošto fazė. Analogija **nėra pilna**. Pluošto matmenys gali mažėti.





Medžiagos dispersija

- Bangų lygtis

$$\left[\Delta_{\perp} - \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \right] E(x, y, z, t) = 0$$

- Vakuume

$$v = \omega/k$$

- Bet medžiagoje

$$v = \omega n(\omega)/k$$

- Medžiagos lūžio rodiklis priklauso nuo bangos dažnio!
Šis reiškinys yra vadinamas dažninė dispersija, arba medžiagos dispersija.



Dispersijos fizikinė kilmė

- EM bangai [šviesai] $\mathbf{E} = \mathbf{E}_0 \cos(\omega t)$ sklindant medžiagoje, ji priverčia elektronus svyruot savu dažniu.

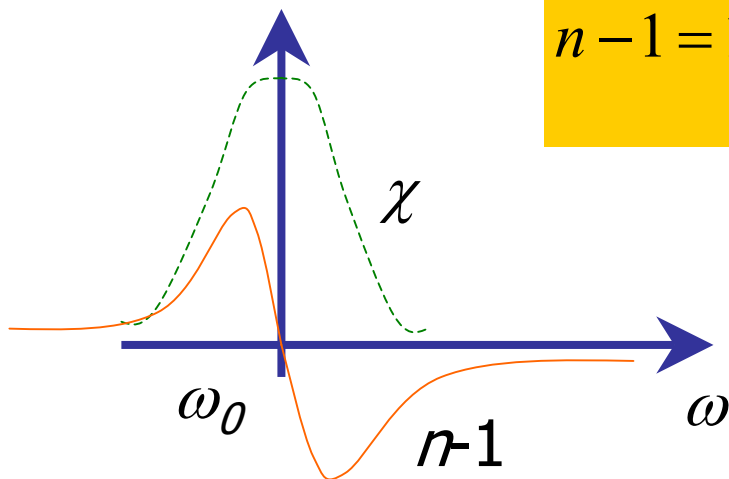
$$m\ddot{\mathbf{r}} + m\nu\dot{\mathbf{r}} + m\omega_0^2\mathbf{r} = e\mathbf{E}_0 \cos(\omega t)$$

- Yra indukuojamas dipolinis molekulinis momentas \mathbf{P} .

$$\left(-\omega^2 - i\nu\omega + \omega_0^2\right)\mathbf{P} = \frac{Ne^2}{m}\mathbf{E} + \frac{4\pi}{3}\frac{Ne^2}{m}\mathbf{P}$$

Dispersija – medžiagos atsakas į EM lauką

- Priverstinių svyravimų amplitudė priklauso nuo dažnio [rezonansas].
- EM bangos sklidimo medžiagoje atveju rezonanso atveju yra didžiausia sugertis, lūžio rodiklis lygus vienetui.



$$n-1 = 1 + \frac{1}{2} \frac{\omega_0^2 - \omega^2}{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \omega^2 \nu^2}$$

Lūžio rodiklis

Sugertis

$$\chi = \frac{\omega_p^2}{2} \frac{\omega \nu}{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + \omega^2 \nu^2}$$

Artutiniai metodai

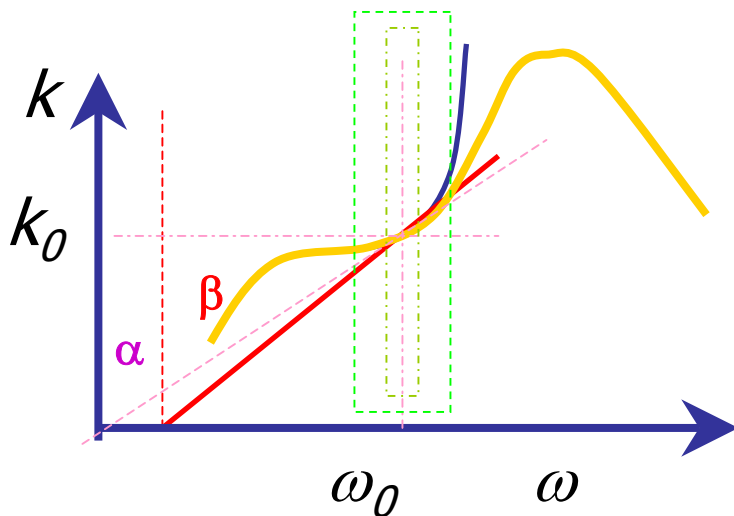
- Šviesos signalo sklidimo dispersinėje terpėje skaičiavimą galima supaprastinti artutinio metodo pagalba.
- Bangos vektoriaus priklausomybę nuo dažnio galima ištiesinti
 - I artinys - tiesinė
 - II artinys - kvadratinė
 - Aukštesnių eilių artiniai

Narių kiekis priklauso nuo spektro platumo

$$k(\omega) = k_0(\omega_0) + \left(\frac{\partial k}{\partial \omega} \right)_{\omega_0} (\omega - \omega_0) + \frac{1}{2} \left(\frac{\partial^2 k}{\partial \omega^2} \right)_{\omega_0} (\omega - \omega_0)^2 + \dots$$

Dispersijos kreivė

- Dispersijos kreivė yra pakeičiama tiesė, parabolė



Ia.

IIa.

Grupinis greitis

$$\frac{1}{v_g} = \left(\frac{\partial k}{\partial \omega} \right)_{\omega_0} = \tan \beta$$

Fazinis greitis

$$\frac{1}{v_f} = \frac{k_0}{\omega_0} = \tan \alpha$$



Dispersijos lygtis

- Iš bangų lygties gaunama ir antro artinio lygtis

$$\left[\frac{\partial}{\partial z} + \frac{ik''_{\omega}}{2} \frac{\partial}{\partial^2 \tau} \right] A(\tau = t - z/v_g, z) = 0$$

- Lygtis yra parabolinė. Dispersija II artinyje – “savotiška difuzija”. Skirtingos spalvos impulse keliauja skirtingais greičiais.

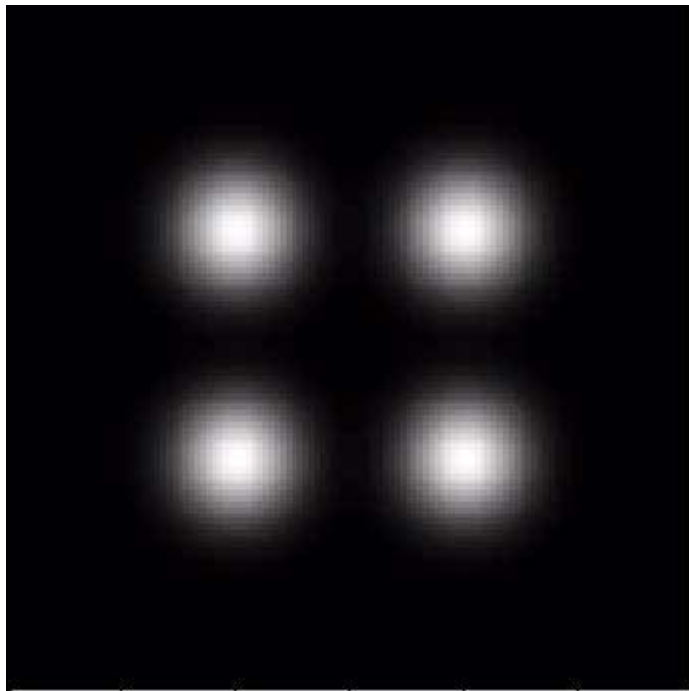


Problemos

- Informacijos perdavime naudojami pluoštai difrakcijos metu plinta. Norint perduoti informacija nukenčia skyra
- Dėl medžiagos dispersijos nukenčia atitinkamai informacijos laikinė skyra.

Pavyzdys

- Sumodeliuokime informacijos pernešimą laisvoje erdvėje



Pluoštai plinta – difraguoja.
Informacija po kažkokio
atstumo prarandama.

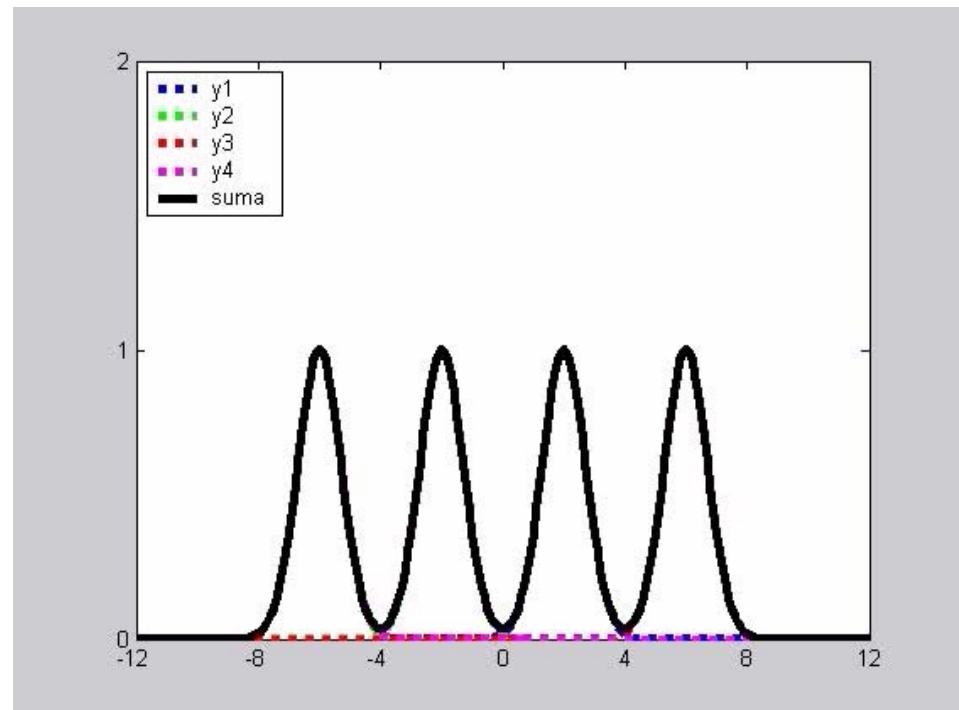
Difrakcija – yra viena
iš informacijos perdavimo
rykščių.

Pavyzdys

- Sumodeliuosime laike atskirtos informacijos perdavimą

Laikui bėgant informacija prarandama

Dispersija – yra kita informacijos perdavimo rykščių. **Baisesnė. ;)**





Difrakcijos ir dispersijos slopinimas

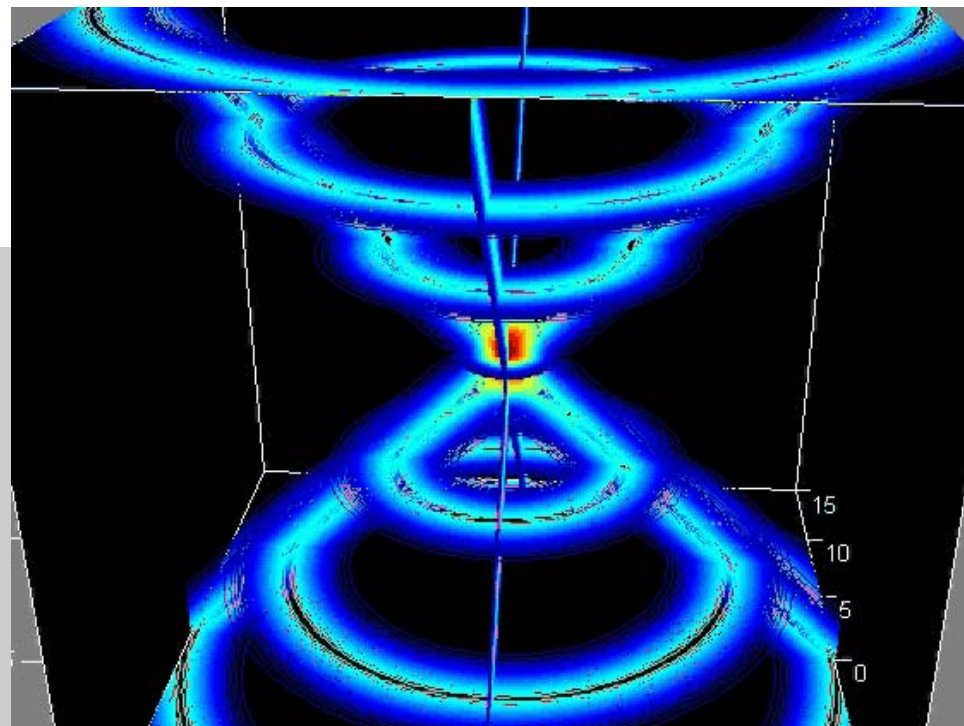
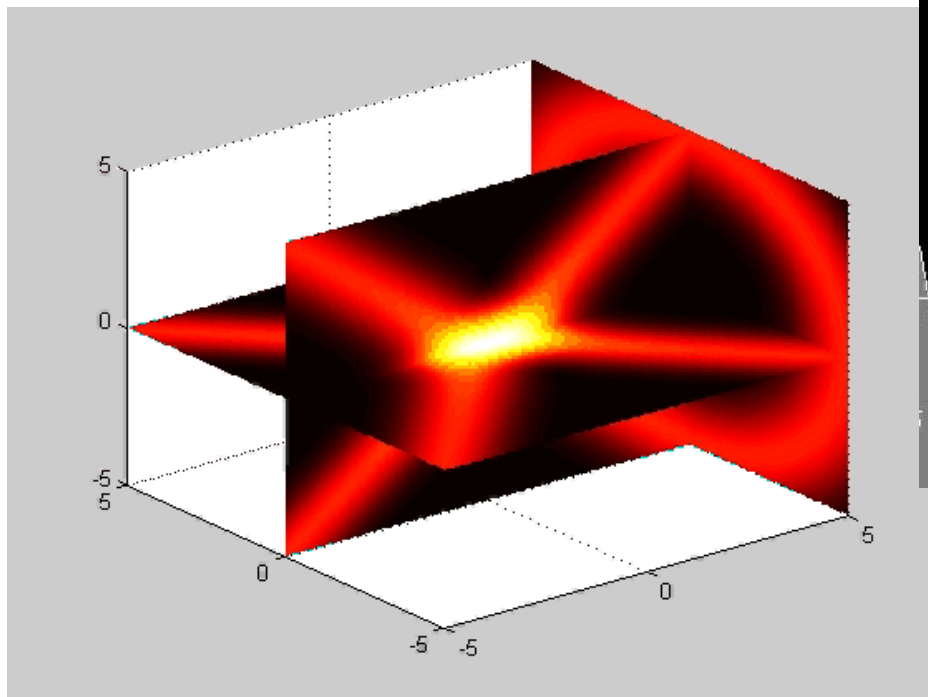
- Tiesinėje terpėje su difrakcijos ir dispersijos reiškiniais galima kovoti konstruktyvios interferencijos pagalba
 - Plusas: Galime perduoti informacija be nuostolių
 - Minusai: Sudėtinga pluošto struktūra.



T H E P H A N T O M M E N A C E

Galutinis sprendinys

- "Džedaju" kardai



Arba "X – bangos"



Alternatyva: netiesinė optika

- Netiesinė optika (LRC duona)
 - Šviesai sklindant medžiagoje, medžiagos molekulės poliarizuojasi. Medžiagos poliarizuojatumas priklauso nuo lauko stiprio tiesiškai $\mathbf{P} \sim \mathbf{E}$.
 - Šį rezultatą mes gavome, manydami, kad elektronas atome svyruoja panašiai kaip svarmuo ant spyruoklės – pagal HUKO dėsnį : $q\mathbf{E} = -k\mathbf{r}$.
 - Mechanikoje yra žinoma, kad HUKO dėsnis galioja tik mažiems nuokrypiams, panašiai yra ir atome.
 - Medžiagos atsakas [poliarizuojatumas] šio atveju priklauso nuo lauko stiprio **netiesiškai**.

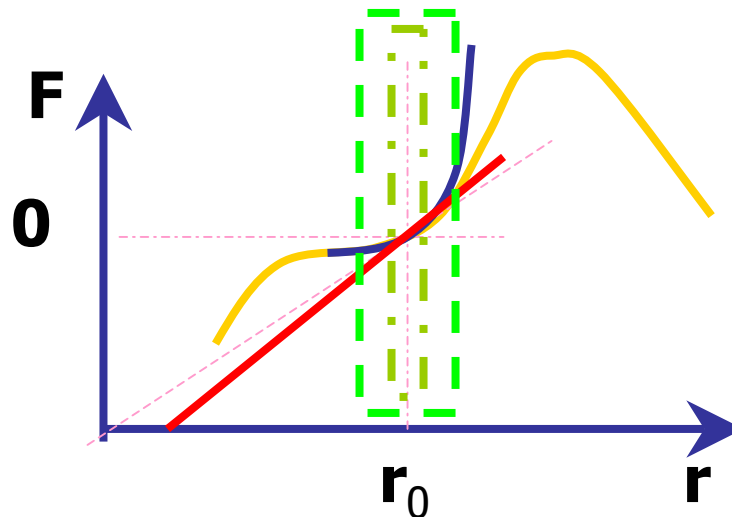
Anharmoninis oscilatorius

- Oscilatorius neaprašomas Huko dėsnio

$$m\ddot{\mathbf{r}} + m\mathbf{v}\dot{\mathbf{r}} + m\omega_0^2\mathbf{r}(1 - \xi\mathbf{r} - \zeta\mathbf{r}^2 - \dots) = e\mathbf{E}$$

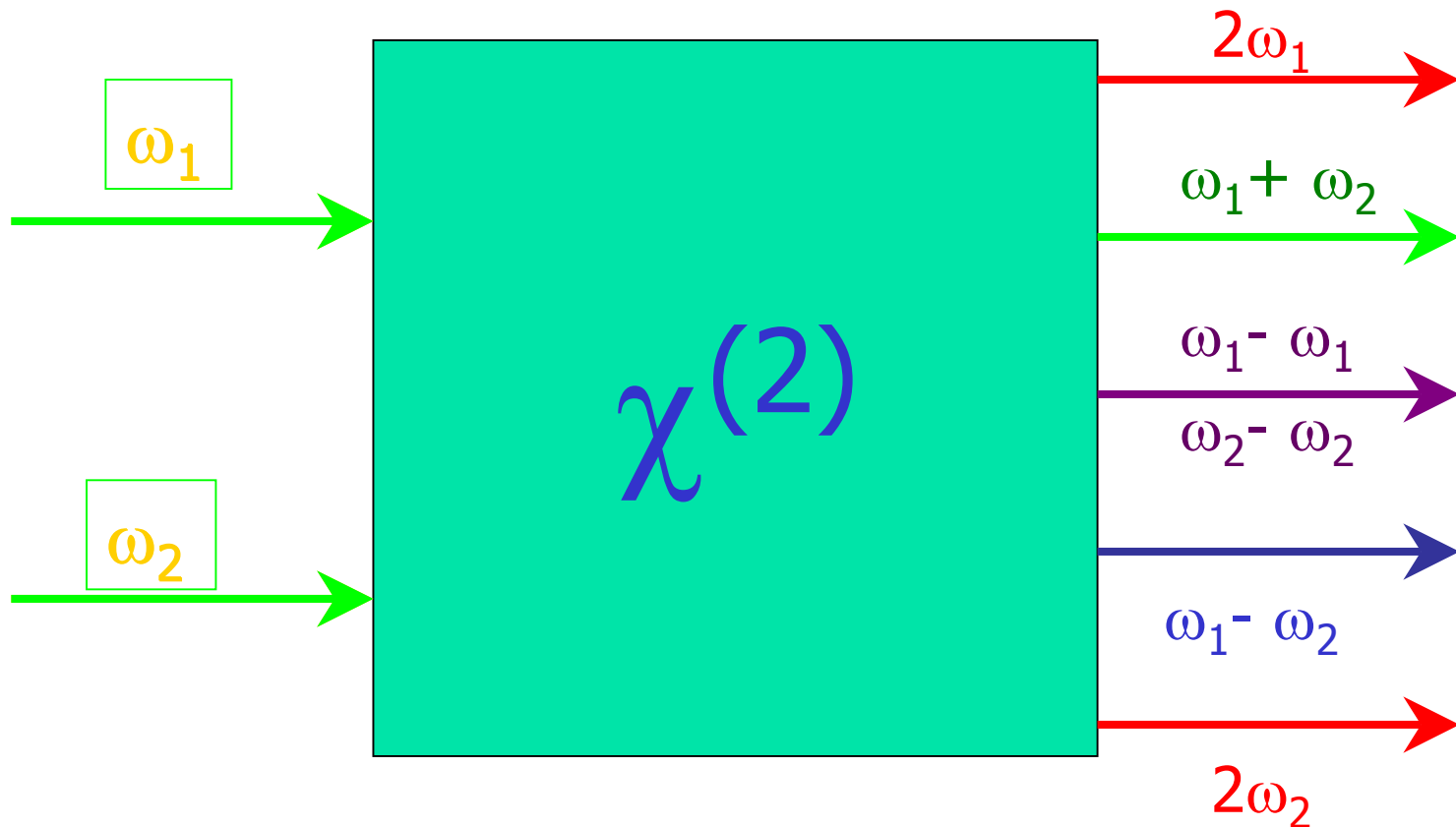
kvadratinis

kubinis



Tribangè saʻveika ($\chi^{(2)}$)

$$\omega_m \pm \omega_n = \omega_p$$





Tribangės sąveikos lygtys

$$\begin{aligned}\frac{dE_1(z)}{dz} &= -i\sigma_1\omega_1 E_2^*(z)E_3(z)e^{i\Delta kz}, \\ \frac{dE_2(z)}{dz} &= -i\sigma_2\omega_2 E_1^*(z)E_3(z)e^{i\Delta kz}, \\ \frac{dE_3(z)}{dz} &= -i\sigma_3\omega_3 E_1(z)E_2(z)e^{-i\Delta kz}.\end{aligned}$$

kur Δk – banginis išderinimas

$\Delta k = k_3 - k_2 - k_1$ o σ_i yra netiesinis koeficientas

Lygtis yra netiesinės – sprendžiamos skaitmeniškai

Energetiniai sąryšiai

- Užrašome lygtis, kuomet $\Delta k=0$

$$\frac{E_1^*}{\omega_1} \frac{dE_1}{dz} = -i\sigma_1 E_1^* E_2^* E_3,$$

$$\frac{E_2^*}{\omega_2} \frac{dE_2}{dz} = -i\sigma_2 E_2^* E_1^* E_3,$$

$$\frac{E_3^*}{\omega_3} \frac{dE_3}{dz} = -i\sigma_3 E_3^* E_2 E_1.$$



$$\frac{1}{\omega_1} \frac{dS_1}{dz} = \frac{1}{\omega_2} \frac{dS_2}{dz} = -\frac{1}{\omega_3} \frac{dS_3}{dz}.$$

S_i – bangos energija

Šie energetiniai sąryšiai yra vadinami Menli-Rou sąryšiais
Jei dvejų bangų galia didėja, tai trečios - mažėja

Menli-Rou sąryšių prasmė

- Fotono energija $E_{\text{ph}} = \hbar\omega$, bangoje yra N fotonų, tai bangos energija yra $S = NE_{\text{ph}}$.
- Menli-Rou sąryšiai perrašomi

$$\frac{1}{\omega_1} \frac{d(N_1 \hbar \omega_1)}{dz} = \hbar \frac{dN_2}{dz} = -\hbar \frac{dN_3}{dz} \longrightarrow \frac{dN_1}{dz} = \frac{dN_2}{dz} = -\frac{dN_3}{dz}.$$

Menli-Rou sąryšiai nusako skirtingos spalvos fotonų kitimą

Dažnio ω_1 ir ω_2 fotonai atsiranda [nyksta] tuo pat greičiu kaip ir nyksta [atsiranda] ω_3 dažnio fotonai.

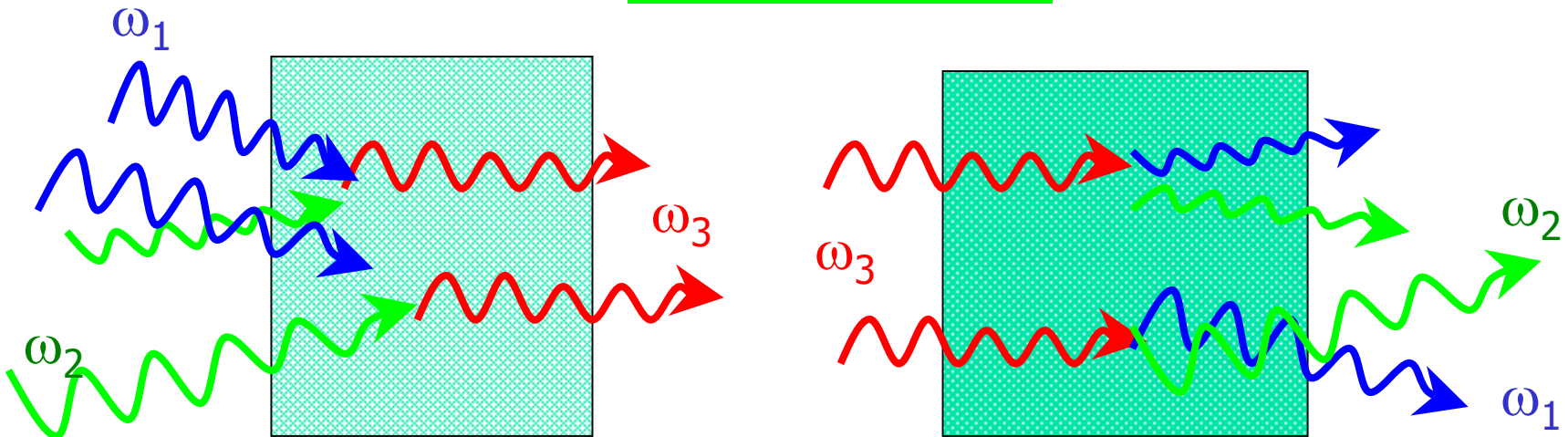
Fazinio sinchronizmo prasmė

- Tribangėje sąveikoje dalyvauja trys fotonai!

$$\omega_m \pm \omega_n = \omega_p$$

Šis sąryšis turi energijos tvermės dėsnio prasmę

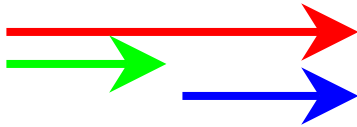
$$\hbar\omega_m \pm \hbar\omega_n = \hbar\omega_p$$



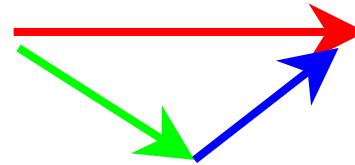
Fazinio sinchronizmo prasmė

- Sąlyga $\Delta k=0$ atitinka judėsio kiekio tvermės dėsnį fotonams

$$\mathbf{k}_3 = \mathbf{k}_2 \pm \mathbf{k}_1 \longrightarrow \hbar\mathbf{k}_3 = \hbar\mathbf{k}_2 \pm \hbar\mathbf{k}_1$$



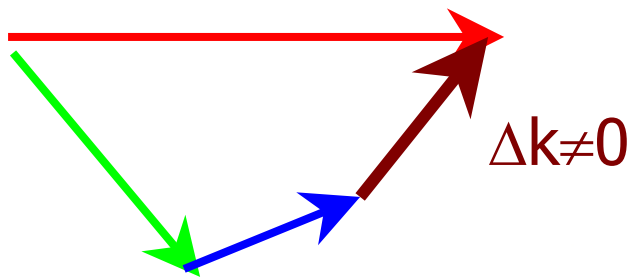
Kolinearus sinchronizmas



Nekolinearus sinchronizmas

Neoptimali sąveika

- Tai sąveika, kuomet nėra fazinio sinchronizmo $\Delta k \neq 0$



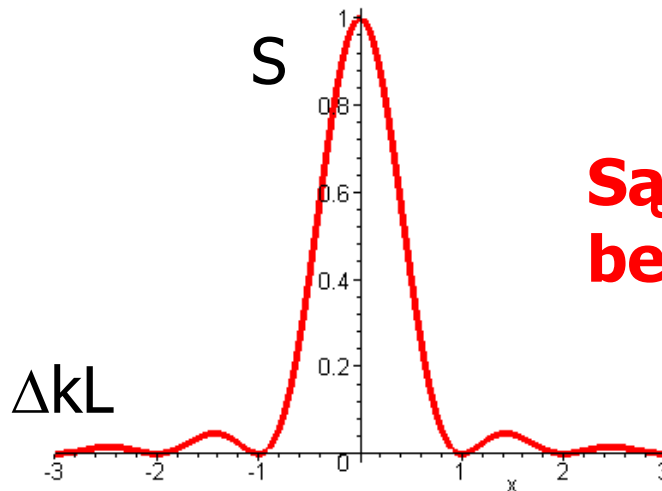
Tarkime, kad E_1 ir E_2 yra pastovūs

$$\omega_1 + \omega_2 = \omega_3$$

Iš lygčių gauname

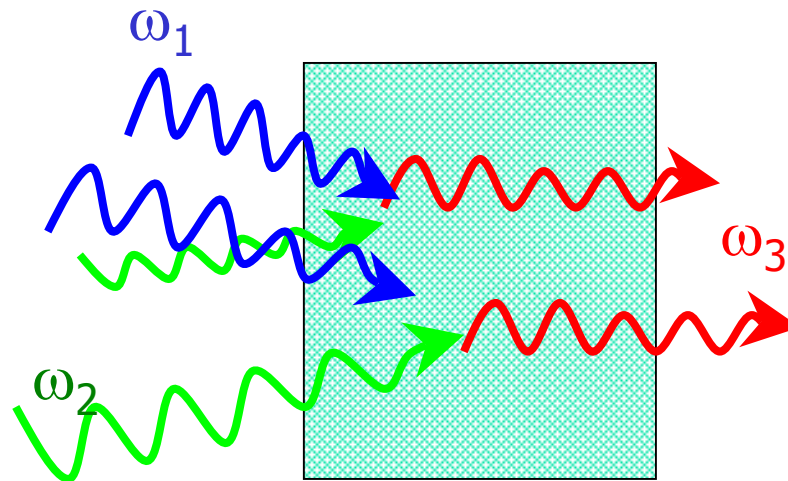
$$E_3(z) \sim E_1 E_2 (e^{i\Delta k L} - 1)$$

$$S_3(z) \sim \left[\frac{\sin(\Delta k L)}{\Delta k L} \right]^2$$



Sąveika vyksta, bet neoptimaliai

Parametrinis stiprinimas



Optiniame parametriniame stiprintuve vyksta energijos mainai tarp kaupinimo ir signalo bei šalutinės bangų



Klausimėlis (ne LRT)

- Kaip elgiasi pluoštas optinių parametrinių procesų metu?
- Žinoma, kad gali vykti stiprinimas, energetiniai mainai ir t.t.
- Bet kaip ar pluoštas
 - Difraguoja
 - Disperguoja?
- Ieškome atsakymo



Difrakcija ir dispersija OPS

- Išsigimęs režimas (šalutinė ir kaupinimo bangos vienodo dažnio)

$$\frac{\partial A_1}{\partial z} = -\frac{1}{u_1} \frac{\partial A_1}{\partial t} - \gamma_1 \frac{\partial A_1}{\partial x} + \frac{i}{2} g_1 \frac{\partial^2 A_1}{\partial t^2} - \frac{i}{2k_1} \left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} \right) A_1 + i\sigma_1 A_3 A_2^*,$$
$$\frac{\partial A_2}{\partial z} = -\frac{1}{u_2} \frac{\partial A_2}{\partial t} - \gamma_2 \frac{\partial A_2}{\partial x} + \frac{i}{2} g_2 \frac{\partial^2 A_2}{\partial t^2} - \frac{i}{2k_2} \left(\frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} \right) A_2 + i\sigma_2 A_3 A_1^*,$$

Lygtis atrodo "baugiai", bet tik "atrodo"

Išsprendus lygtis gauname

- Sprendinys bus

$$f_1 = C_1 e^{(p+iq_n)z} + C_2 e^{(-p+iq_n)z},$$

“eksponentės”

Menami dydžiai rodiklyje, jei jie “niekiniai” – tvarka.

- Kur koeficientai nustatomi iš “griozdų”

$$p = \sqrt{G^2 - \xi^2},$$

$$\xi = \frac{\Delta_1 - \Delta_2}{2} = \left(\frac{1}{u_1} - \frac{1}{u_2} \right) \frac{\Omega}{2} + \frac{g_1 + g_2}{4} \Omega^2 - (\gamma_1 - \gamma_2) \frac{k_x}{2} - \frac{k_x^2 + k_y^2}{4} \left(\frac{1}{k_1} + \frac{1}{k_2} \right),$$

$$q_n = -\frac{\Delta_1 + \Delta_2}{2} = -\left(\frac{1}{u_1} + \frac{1}{u_2} \right) \frac{\Omega}{2} - \frac{g_1 - g_2}{4} \Omega^2 + (\gamma_1 + \gamma_2) \frac{k_x}{2} - \frac{k_x^2 + k_y^2}{4} \left(\frac{1}{k_1} - \frac{1}{k_2} \right),$$

Fazė - nesvarbu

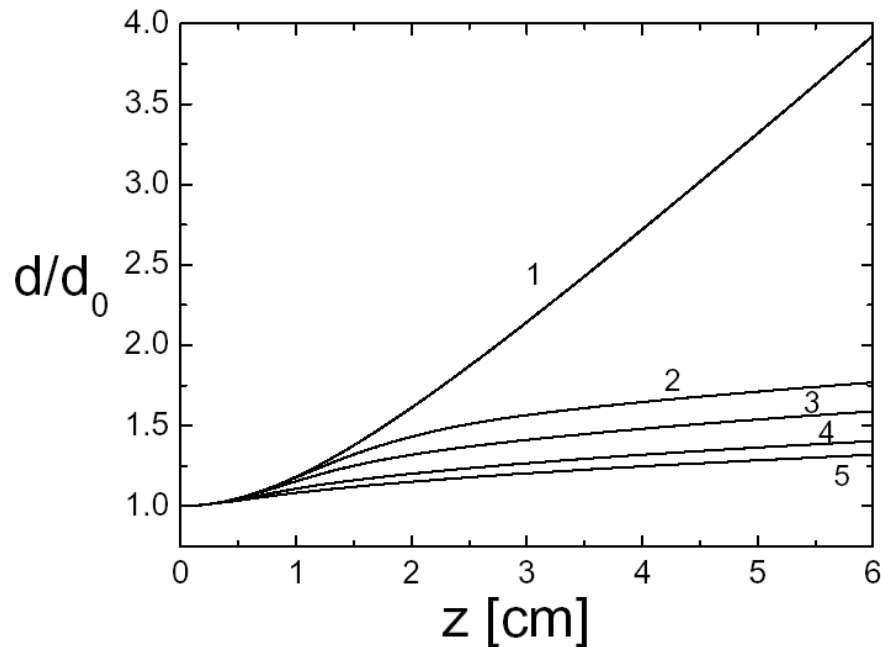
Turi būti “niekinis”

dispersija

difrakcija

Lygčių analizė

■ Difrakcijos procesas

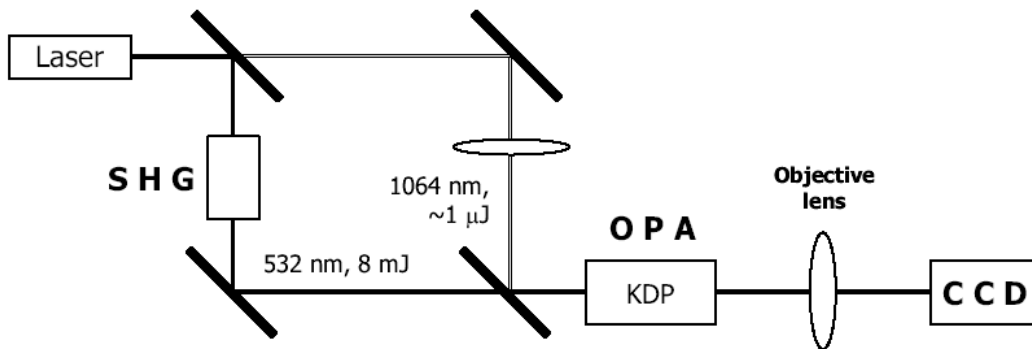


Pluošto matmenys nekinta!

Parinkę pradines sąlygas galime nuslopinti difrakciją!

Ekspertas

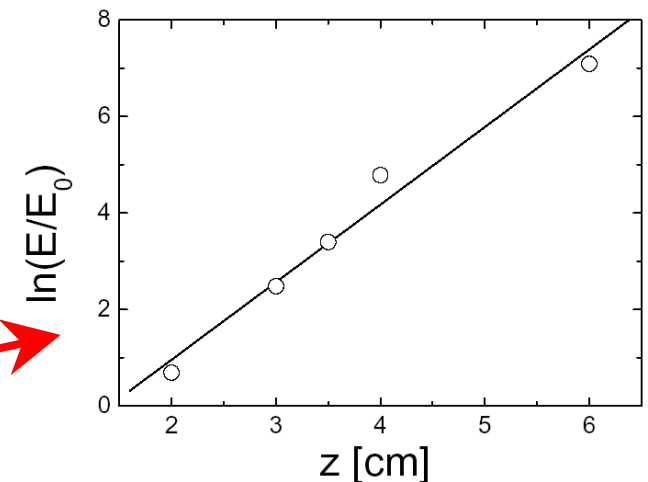
■ Buvo atliktas eksperimentas



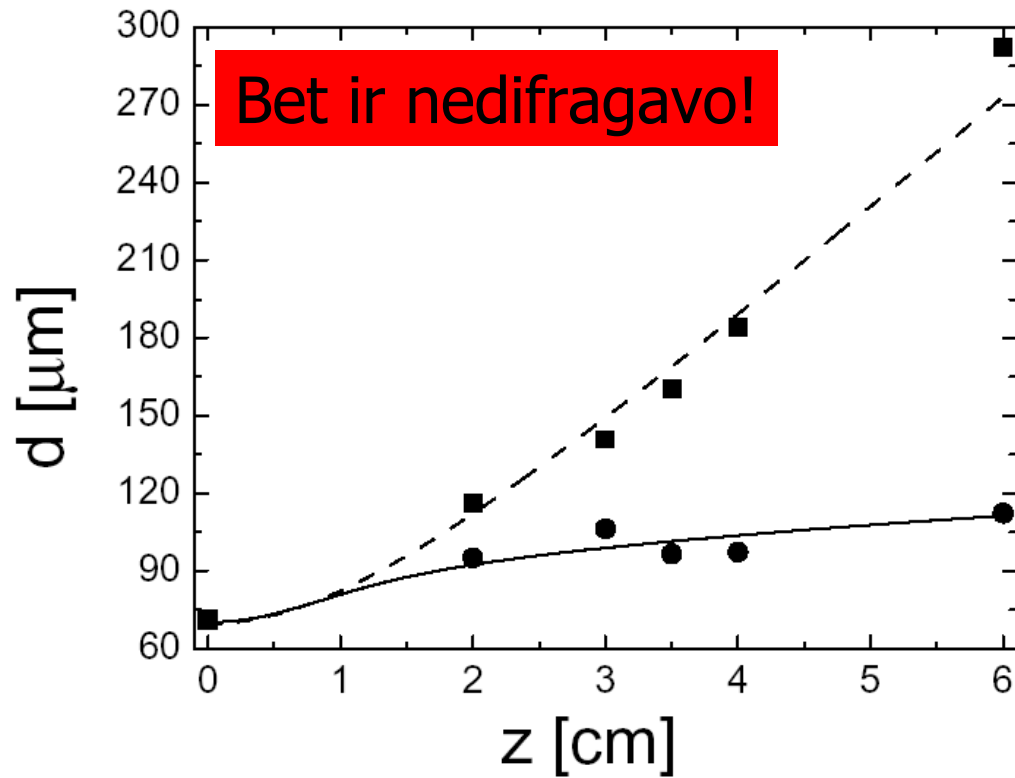
Eksperto shema

Buvo imami skirtingo ilgio kristalai

Pluoštas buvo stiprinimas



Palyginimas su teorija



Išvada: tai veikia!



Dispersijos slopinimas

- Teorija yra.
- REIKALINGAS **EXPERIMENTAS**



HAPPY END

■ Ačiū už dėmesį!